

$\vec{a} = 2\vec{i}, \vec{b} = 3\vec{j}, \vec{c} = 4\vec{k}$   
 $A(0,0,4), B(2,0,4), C(2,0,0), D(2,3,0)$   
 $E(2,3,4), F(0,3,4), G(0,3,0)$

2/  $\vec{OA} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} \rightarrow |\vec{OA}| = 4$

$\vec{OB} \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}, |\vec{OB}| = \sqrt{20}$

$\vec{OC} \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \rightarrow |\vec{OC}| = 2$

$\vec{OD} \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix} \rightarrow |\vec{OD}| = \sqrt{13}$

$\vec{AB} \begin{pmatrix} 2-0 \\ 0-0 \\ 4-4 \end{pmatrix}, |\vec{AB}| = 2$

$\vec{AC} \begin{pmatrix} 2-0 \\ 0-0 \\ 0-4 \end{pmatrix}, |\vec{AC}| = \sqrt{20}$

$\vec{AD} \begin{pmatrix} 2-0 \\ 3-0 \\ 0-4 \end{pmatrix}, |\vec{AD}| = \sqrt{29}$

$\vec{AE} \begin{pmatrix} 2-0 \\ 3-0 \\ 4-4 \end{pmatrix}, |\vec{AE}| = \sqrt{13}$

$\vec{OG} \begin{pmatrix} 0-0 \\ 3-0 \\ 0-0 \end{pmatrix}, |\vec{OG}| = 3$

$\vec{EG} \begin{pmatrix} 0-2 \\ 3-3 \\ 0-4 \end{pmatrix}, |\vec{EG}| = \sqrt{20}$

3/ Calcul de produit scalaire  
 $\vec{AB} \cdot \vec{CD}$

~~$\vec{GP} \begin{pmatrix} 2-0 \\ 3-0 \\ 0-0 \end{pmatrix}, \vec{GD} \begin{pmatrix} 2-0 \\ 3-0 \\ 0-0 \end{pmatrix}$~~   $\vec{CD} \begin{pmatrix} 2-2 \\ 3-0 \\ 0-0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix}$

$\vec{AB} \cdot \vec{CD} = \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix} = 0$

$\vec{AB} \cdot \vec{CD} = 0 \Rightarrow \vec{AB} \perp \vec{CD}$

4/  $\alpha = (\vec{OF}, \vec{OB})$

$\vec{OF} \cdot \vec{OB} = |\vec{OF}| \cdot |\vec{OB}| \cdot \cos \alpha$

$\cos \alpha = \frac{\vec{OF} \cdot \vec{OB}}{|\vec{OF}| \cdot |\vec{OB}|} = \frac{\begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}}{\sqrt{25} \cdot \sqrt{20}}$

$\cos \alpha = \frac{16}{5 \cdot \sqrt{20}} = 0,71$

$\alpha = 44,31^\circ$

5/  $V_0 =$  Volume du parallépipède

$\vec{OA} \cdot (\vec{OC} \wedge \vec{OG}) = \begin{vmatrix} 0 & 2 & 4 \\ 0 & 0 & 0 \\ 4 & 0 & 3 \end{vmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 6 \end{pmatrix} = 24$

6/ M est le centre du parallépipède.

$M(1, \frac{3}{2}, 2)$

$\vec{MA} \begin{pmatrix} 0-1 \\ 0-\frac{3}{2} \\ 4-2 \end{pmatrix}, \vec{MG} \begin{pmatrix} -1 \\ -\frac{3}{2} \\ 2 \end{pmatrix}$

$\vec{MB} \begin{pmatrix} 0-1 \\ 3-\frac{3}{2} \\ 0-2 \end{pmatrix} \Rightarrow \vec{MB} \begin{pmatrix} -1 \\ \frac{3}{2} \\ -2 \end{pmatrix}$

$\vec{MD} \begin{pmatrix} 2-1 \\ 3-\frac{3}{2} \\ 0-2 \end{pmatrix} \Rightarrow \vec{MD} \begin{pmatrix} 1 \\ \frac{3}{2} \\ -2 \end{pmatrix}$

$\cos \beta = \frac{(\vec{MA} \cdot \vec{MG})}{|\vec{MA}| \cdot |\vec{MG}|} = \frac{\begin{pmatrix} -1 \\ -\frac{3}{2} \\ 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ \frac{3}{2} \\ -2 \end{pmatrix}}{\sqrt{\frac{29}{4}} \cdot \sqrt{\frac{29}{4}}}$

$\cos \beta = \frac{-21/4}{29/4} = -0,724$

$\beta = 136,39^\circ$

$$Y = (\vec{MG}, \vec{MP})$$

$$\cos \alpha = \frac{\begin{pmatrix} -1 \\ 3/2 \\ -2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 3/2 \\ -2 \end{pmatrix}}{\sqrt{\frac{29}{4}} \cdot \sqrt{\frac{29}{4}}} = \frac{-1 + \frac{9}{4} + 4}{\frac{29}{4}}$$

$$\cos \alpha = 0,72$$

$$\boxed{\alpha = 43,6^\circ}$$

Exo 2:

$$|\vec{A}| = 3$$

$$|\vec{B}| = \sqrt{2}$$

$$\alpha = \frac{\pi}{4}$$

$$1) \vec{C} = \vec{A} + \vec{B}$$

$$|\vec{C}| = |\vec{A} + \vec{B}| = \sqrt{|\vec{A}|^2 + |\vec{B}|^2 + 2|\vec{A}||\vec{B}|\cos \alpha}$$

$$= \sqrt{9 + 2 + 2 \cdot 3 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}} = \sqrt{14}$$

$$|\vec{D}| = |\vec{A} - \vec{B}| = \sqrt{|\vec{A}|^2 + |\vec{B}|^2 - 2|\vec{A}||\vec{B}|\cos \alpha}$$

$$= \sqrt{9 + 2 - 2 \cdot 3 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}} = \sqrt{5}$$

$$2) \cos \beta = \frac{\vec{C} \cdot \vec{D}}{|\vec{C}| \cdot |\vec{D}|} = \frac{(\vec{A} + \vec{B}) \cdot (\vec{A} - \vec{B})}{|\vec{C}| \cdot |\vec{D}|}$$

$$\cos \beta = \frac{|\vec{A}|^2 - |\vec{B}|^2}{|\vec{C}| \cdot |\vec{D}|} = \frac{9 - 2}{\sqrt{14} \cdot \sqrt{5}} = 0,759$$

$$\boxed{\beta = 40,6^\circ}$$

Exo 3:

$$\vec{A} \perp \vec{B} \Rightarrow \alpha = (\vec{A}, \vec{B}) = \frac{\pi}{2}$$

$$\cos \alpha = \cos \frac{\pi}{2} = 0$$

On:

$$|\vec{A} + \vec{B}| = \sqrt{|\vec{A}|^2 + |\vec{B}|^2 + 2|\vec{A}||\vec{B}|\cos \alpha}$$

$$|\vec{A} - \vec{B}| = \sqrt{|\vec{A}|^2 + |\vec{B}|^2 - 2|\vec{A}||\vec{B}|\cos \alpha}$$

puisque  $\vec{A} \perp \vec{B} \Rightarrow \cos \alpha = 0$

Alors:

$$|\vec{A} + \vec{B}| = \sqrt{|\vec{A}|^2 + |\vec{B}|^2}$$

$$|\vec{A} - \vec{B}| = \sqrt{|\vec{A}|^2 + |\vec{B}|^2}$$

d'où:

$$|\vec{A} + \vec{B}| = |\vec{A} - \vec{B}|$$

Conclusion:

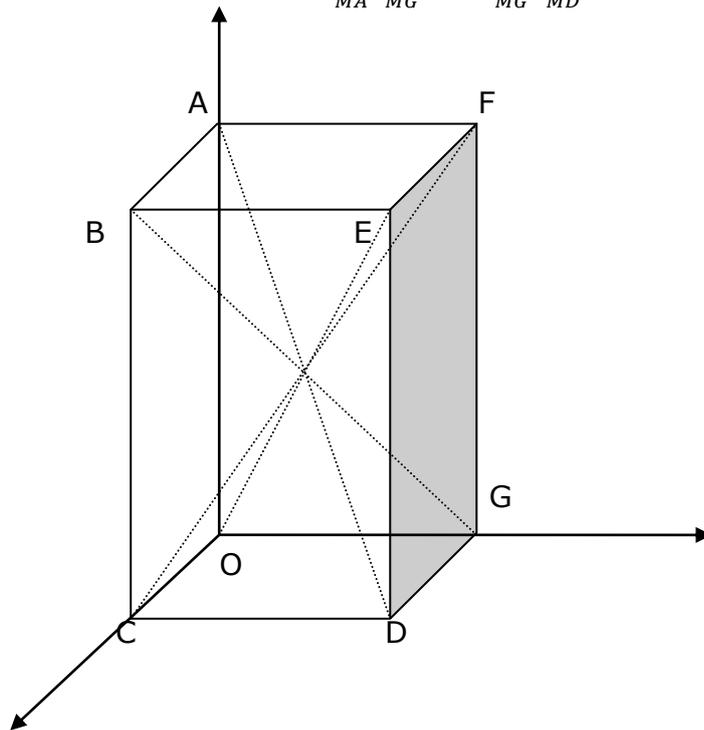
Si  $\vec{A} \perp \vec{B} \Rightarrow$

$$|\vec{A} + \vec{B}| = |\vec{A} - \vec{B}|$$

**Exercice N° 1 :**

La figure (1) présente une structure cristalline quadratique de paramètres de mail :  $\vec{a} = 2\vec{i}$  ;  $\vec{b} = 3\vec{j}$  et  $c = 4\vec{k}$ . (les angles  $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$ ).

- 1) Donner les coordonnées des points de sommets A, B, C, D, E, F et G.
- 2) Calculer les composantes des vecteurs :  $\vec{OA}, \vec{OB}, \vec{OC}; \vec{OD}, \vec{AB}, \vec{AC}, \vec{AD}, \vec{AE}, \vec{OG}, \vec{EG}$  et trouver leurs modules.
- 3) Montrer que  $\vec{AB}$  est perpendiculaire au vecteur  $\vec{CD}$  ?
- 4) Trouver l'angle entre les deux vecteurs  $(\vec{OF}, \vec{OB})$  et  $(\vec{OF}, \vec{OG})$ .
- 5) Calculer le volume du parallélépipède.
- 6) Soit le point M centre du parallélépipède, trouvez ses coordonnées puis calculer les distances MA et MB.
- 7) Trouver l'angle entre les deux vecteurs  $(\vec{MA}, \vec{MG})$  et  $(\vec{MG}, \vec{MD})$ .



**Exercice N° 2:**

Soit les vecteurs  $\vec{a}$  et  $\vec{b}$  tel que  $|\vec{a}| = 3$   $|\vec{b}| = \sqrt{2}$  et  $\alpha = \frac{\pi}{4}$ ,  $\alpha$  est l'angle entre A et B.

- 1) Calculer les modules des vecteurs  $\vec{C} = \vec{A} + \vec{B}$  et  $\vec{D} = \vec{A} - \vec{B}$
- 2) Trouver l'angle  $\beta$  entre  $\vec{C}$  et  $\vec{D}$ .

$$|\vec{A} + \vec{B}| = |\vec{A} - \vec{B}|$$



TD N°2

**Exercice N°1:** La force d'attraction qui s'exerce entre deux points matériels, de masse  $m$  et  $m'$  séparés par une distance  $r$  est donné en module par la loi de Newton:

$$F = G \cdot m m' / r^2$$

1) donner les dimensions de la constante de gravitation  $G$ .

**Exercice N°2:** Le rayon d'un cylindre en Fer est mesuré à l'aide d'une pied à coulisse au 1/40, on lit  $r = 5.01 \text{ mm}$ .

1- Avec quelle incertitude relative connaît on le volume  $v$  du cylindre, on donne la longueur du cylindre  $h = 30 \pm 0.1 \text{ mm}$

2- Entre quelles limites la valeur de ce volume est elle comprise?

**Exercice N°3:**

Calculer la masse volumique  $\rho$  d'une lame métallique de masse  $m = 39 \pm 1 \text{ g}$  et de volume  $v = 5.0 \pm 0.1 \text{ cm}^3$ . Donner le résultat de mesure de  $\rho$ ?

**Exercice N°4:**

La masse d'une sphère de Fer est égale à  $150 \pm 2 \text{ g}$ .

Trouver le rayon  $r$  de cette sphère et son erreur absolue. On donne  $\rho_{\text{fer}} = 1850 \text{ Kg/m}^3$

**Exercice N°5:**

L'expérience a montré que la force subie par une sphère immergée dans un fluide en mouvement dépend :

- Du coefficient de viscosité  $\eta$  du fluide .
- Du rayon de la sphère.
- De leur vitesse relative  $v$ .

Trouver l'expression de cette force en la supposant de la forme  $F = k \eta^x r^y v^z$  ( $k$  est un coefficient numérique sans dimension).

On rappelle que  $[\eta] = L^{-1} M T^{-1}$ .



**TD N°3**

**Exercice N°1:**

L'équation horaire d'un véhicule animé d'un mouvement rectiligne est :

$x(t) = (-\frac{t^3}{3} + 4t^2 - 7t)$ . Déterminer les périodes pendant les quelles son mouvement est accéléré ou retardé.

**Exercice N°2:**

Les équations paramétriques d'une courbe plane décrite par une particule en mouvement sont :

$X=X_0 \cos \omega t$  et  $Y=Y_0 \sin \omega t$ . X et Y sont les coordonnées cartésiennes du point M,  $\omega$  est une constante et  $X_0 \neq Y_0$

- Quelle est l'équation cartésienne de la trajectoire ?
- Quelles sont les composantes cartésiennes de la vitesse V et de l'accélération a du point ?
- Etablir la relation entre a et OM.
- Déterminer les instants et les positions des points où a est normale à la trajectoire. AN  $\omega=3\pi$  rd/s.

**Exercice N°3:**

Soit un point M qui se déplace dans le plan OXY suivant les composantes cartésiennes :

$$X(t)=\sqrt{e^{-at}} \quad Y=\sqrt{4-e^{-at}} \quad a \text{ est une constante positive.}$$

- Trouver l'équation de la trajectoire et tracer le.
- calculer la vitesse à l'instant  $t=0$ s.
- écrire le vecteur  $\overrightarrow{OM}$  en coordonnées polaires sous la forme  $\overrightarrow{OM} = R \overrightarrow{U}_r$
- écrire  $\vec{V}$  en coordonnées polaires sachant que  $\theta = a \cdot t$  et  $\frac{d\overrightarrow{U}_r}{dt} = \dot{\theta} \cdot \overrightarrow{U}_\theta$
- déterminer les composantes normale  $\overrightarrow{a}_n$  et tangentielle  $\overrightarrow{a}_t$  de l'accélération.



**Univ Batna 2**

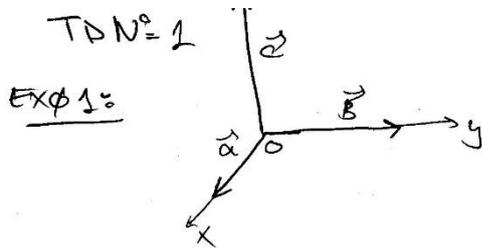
**ISTU**

**Physique I**

**Dept GEO**

**SI 2020/2021**

Chargée de matière : H.KRARCHA



$\vec{a} = 2\vec{i}, \vec{b} = 3\vec{j}, \vec{c} = 4\vec{k}$   
 $A(0,0,4), B(2,0,4), C(2,0,0), D(2,3,0)$   
 $E(2,3,4), F(0,3,4), G(0,3,0)$

2/  $\vec{OA} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} \rightarrow |\vec{OA}| = 4$

$\vec{OB} \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}, |\vec{OB}| = \sqrt{20}$

$\vec{OC} \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \rightarrow |\vec{OC}| = 2$

$\vec{OD} \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix} \rightarrow |\vec{OD}| = \sqrt{13}$

$\vec{AB} \begin{pmatrix} 2-0 \\ 0-0 \\ 4-4 \end{pmatrix}, |\vec{AB}| = 2$

$\vec{AC} \begin{pmatrix} 2-0 \\ 0-0 \\ 0-4 \end{pmatrix}, |\vec{AC}| = \sqrt{20}$

$\vec{AD} \begin{pmatrix} 2-0 \\ 3-0 \\ 0-4 \end{pmatrix}, |\vec{AD}| = \sqrt{29}$

$\vec{AE} \begin{pmatrix} 2-0 \\ 3-0 \\ 4-4 \end{pmatrix}, |\vec{AE}| = \sqrt{13}$

$\vec{OG} \begin{pmatrix} 0-0 \\ 3-0 \\ 0-0 \end{pmatrix}, |\vec{OG}| = 3$

$\vec{EG} \begin{pmatrix} 0-2 \\ 3-3 \\ 0-4 \end{pmatrix}, |\vec{EG}| = \sqrt{20}$

3/ Calcul de produit scalaire  
 $\vec{AB} \cdot \vec{CD}$

~~$\vec{GP} \begin{pmatrix} 2-0 \\ 3-0 \\ 0-0 \end{pmatrix}, \vec{GD} \begin{pmatrix} 2-0 \\ 3-0 \\ 0-0 \end{pmatrix}$~~   $\vec{CD} \begin{pmatrix} 2-2 \\ 3-0 \\ 0-0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix}$

$\vec{AB} \cdot \vec{CD} = \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix} = 0$

$\vec{AB} \cdot \vec{CD} = 0 \Rightarrow \vec{AB} \perp \vec{CD}$

4/  $\alpha = (\vec{OF}, \vec{OB})$

$\vec{OF} \cdot \vec{OB} = |\vec{OF}| \cdot |\vec{OB}| \cdot \cos \alpha$

$\cos \alpha = \frac{\vec{OF} \cdot \vec{OB}}{|\vec{OF}| \cdot |\vec{OB}|} = \frac{\begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}}{\sqrt{25} \cdot \sqrt{20}}$

$\cos \alpha = \frac{16}{5 \cdot \sqrt{20}} = 0,71$

$\alpha = 44,31^\circ$

5/  $V_0 =$  Volume du parallépipède

$\vec{OA} \cdot (\vec{OC} \wedge \vec{OG}) = \begin{vmatrix} 0 & 2 & 4 \\ 0 & 0 & 0 \\ 4 & 0 & 3 \end{vmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 6 \end{pmatrix} = 24$

6/ M est le centre du parallépipède.

$M(1, \frac{3}{2}, 2)$

$\vec{MA} \begin{pmatrix} 0-1 \\ 0-\frac{3}{2} \\ 4-2 \end{pmatrix}, \vec{MG} \begin{pmatrix} -1 \\ -\frac{3}{2} \\ 2 \end{pmatrix}$

$\vec{MB} \begin{pmatrix} 0-1 \\ 3-\frac{3}{2} \\ 0-2 \end{pmatrix} \Rightarrow \vec{MB} \begin{pmatrix} -1 \\ \frac{3}{2} \\ -2 \end{pmatrix}$

$\vec{MD} \begin{pmatrix} 2-1 \\ 3-\frac{3}{2} \\ 0-2 \end{pmatrix} \Rightarrow \vec{MD} \begin{pmatrix} 1 \\ \frac{3}{2} \\ -2 \end{pmatrix}$

$\cos \beta = \frac{(\vec{MA} \cdot \vec{MG})}{|\vec{MA}| \cdot |\vec{MG}|} = \frac{\begin{pmatrix} -1 \\ -\frac{3}{2} \\ 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ \frac{3}{2} \\ -2 \end{pmatrix}}{\sqrt{\frac{29}{4}} \cdot \sqrt{\frac{29}{4}}}$

$\cos \beta = \frac{-21/4}{\frac{29}{4}} = -0,724$

$\beta = 136,39^\circ$



**Univ Batna 2**

**ISTU**

**Physique I**

**Dept GEO**

**SI 2020/2021**

Chargée de matière : H.KRARCHA